

Задание 1.

Составляем уравнение для первого промежутка времени:

$$s = v_0 t_1 + a t_1^2 / 2, \quad (1)$$

для второго промежутка:

$$s = v_1 t_2 + a t_2^2 / 2, \quad (2)$$

где s — длина вагона,

скорость поезда к началу наблюдения:

$$v_0 = at, \quad (3)$$

где t — искомое время,

скорость поезда к началу прохождения последнего вагона:

$$v_1 = a(t + t_1). \quad (4)$$

Подставляем уравнение (3) в (1), а (4) — во второе, приравниваем правые части, сокращаем на a , приводим подобные, получаем:

$$t = (t_1 t_2 + 0.5 t_2^2 - 0.5 t_1^2) / (t_1 + t_2),$$

$$t = (10 \times 8 + 64/2 - 100/2) / (10 - 8) = 31 \text{ (с)}.$$

Задание 2.

В случае неподвижного сосуда: $F_a = mg$, $V_{\text{п}} = m/\rho_{\text{ж}} = \rho_{\text{т}} V / \rho_{\text{ж}}$; $V_{\text{п}}/V = 0,5$.

Для движущегося сосуда уравнение 2-го закона Ньютона тела имеет вид: $F_a - mg = ma$ (1).

Сила Архимеда увеличится.

Уберем тело, вытесненный им объем заменим жидкостью, тогда $F_a - m_{\text{ж}}g = m_{\text{ж}}a$.

$F_a = \rho_{\text{ж}} \cdot (g+a) V_{\text{п}}$. Учитывая (1), $V_{\text{п}} = m/\rho_{\text{ж}} = \rho_{\text{т}} V / \rho_{\text{ж}}$.

Следовательно, объем погруженной части тела не изменится.

Сила Архимеда увеличится в $(g + a)/g = 1,5$ раза.

Задачу можно решать в неинерциальной системе отсчета.

Задание 3.

Предположим, что треугольник весь из алюминия, тогда его центр масс находится на пересечении медиан (бисектрис, высот, вписанной и описанной окружности и т.д., вообще в "центре треугольника") и масса этого треугольника $3 \cdot 2,7 \cdot s$, где s коэффициент, учитывающий площадь сечения проволоки (не столь важно чему он равен).

Теперь нужно уравновесить третью сторону из меди, а именно "прикрепим" к середине этой стороны грузик массой $(8,9 - 2,7) \cdot s$ (компенсирует, то что сторона не из алюминия, а из меди) и найдем центр масс у системы: грузик в центре треугольника $3 \cdot 2,7 \cdot s$ и грузик на середине стороны $(8,9 - 2,7) \cdot s$.

Дан треугольник ABC, точка O - пересечение высот, точка M - середина медной стороны, Ц - центр масс треугольника (она лежит на отрезке OM).

$$OЦ \cdot 3 \cdot 2,7 \cdot s = ЦМ \cdot (8,9 - 2,7) \cdot s$$

$$OЦ \cdot 8,1 = ЦМ \cdot 6,2$$

$$OЦ + ЦМ = OM = 1 / (2 \cdot \sqrt{3}) =$$

$$ЦМ = OM - OЦ = 0,2886751345948 - 6,2 \cdot ЦМ / 8,1$$

$$ЦМ = 0,2886751345948 / 1,765432098765 =$$

Ответ: центр масс треугольника находится на высоте треугольника, опущенной к медной стороне, на расстоянии 0,164 м от середины медной стороны.

Задание 4.

На 135 минут позже.

Задание 5.

Так как упор вначале расположен посередине, то масса куска металла равна m . Запишем второе условие равновесия, когда кусок металла опущен в воду $(mg - \rho g V) \frac{l}{2} = mg \left(\frac{l}{2} - a \right)$, тогда $V = \frac{2ma}{\rho l}$. Составляем систему уравнений для нахождения массы серебра: $m_1 + m_2 = m$

$$\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2} = V. \text{ Тогда } m_1 = m \rho_1 \frac{\rho_2 \frac{2a}{\rho l} - 1}{\rho_2 - \rho_1} = 361 \text{ г}$$

Ответ: 361 г.

Задание 6.

Запишем уравнение теплового баланса:

$$\rho_2 \cdot N \cdot v \cdot \lambda + \rho_2 \cdot N \cdot v \cdot c \cdot (t - t_2) + (\rho_1 \cdot V - \rho_2 \cdot N \cdot v) \cdot c \cdot (t - t_1) = 0.$$

$$N = \frac{\rho_1 \cdot V \cdot c \cdot (t_1 - t)}{\rho_2 \cdot v \cdot [\lambda + c \cdot (t_1 - t_2)]} \approx 49.$$

Ответ: 49.

Задание 7.

Путь за все время движения (площадь под графиком) $S = v \cdot \frac{t_3 + t_2 - t_1}{2}$. Найдем время, за которое

$$\text{была пройдена первая половина пути } \frac{S}{2} = v \cdot \frac{t_x + t_x - t_1}{2} = v \cdot \frac{t_3 + t_2 - t_1}{4}, t_x = \frac{t_3 + t_2 + t_1}{4}.$$

$$\text{Средняя скорость } v_{\text{ср}} = \frac{S}{2t_x} = v \cdot \frac{t_3 + t_2 - t_1}{t_3 + t_2 + t_1} = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot \frac{22c + 16c - 2c}{22c + 16c + 2c} = 18 \frac{\text{м}}{\text{с}}.$$

Ответ: 18 м/с.

Задание 8.

Пусть V_1 – скорость велосипедиста, V_2 – скорость мотоциклиста, S_1 – сумма расстояний от точки A до точек C и D , S_2 – сумма расстояний от точки B до точек C и D . Покажем сначала, что третья встреча произойдет в точке C . Время, прошедшее от момента первой встречи в точке C до момента второй встречи в точке D , равно $\frac{S_1}{V_1} = \frac{S_2}{V_2}$. После второй встречи (в точке D) велосипедист за время $\frac{S_1}{V_1}$ доедет до

точки C , а мотоциклист до той же точки C доедет за время $\frac{S_2}{V_2}$, т.е. приедет в точку C одновременно

велосипедистом. Это и означает, что их третья встреча произойдет в точке C . Рассуждая аналогично получаем, что все нечетные встречи происходят в точке C , а все четные встречи – в точке D . Итак, 20-я встреча произойдет в точке C .

Ответ: точка C

Задание 9.

Предполагаем также, что планеты движутся по орбитам равномерно.

У какой планеты угловая скорость (можно в оборотах за земной год) больше и во сколько раз?

Напишите уравнение для момента следующей встречи. Оно линейно относительно времени движения. Более быстрая планета должна обогнать более медленную ровно на один оборот. Тогда и произойдет следующее противостояние. Этот промежуток равен синодическому периоду.

Задание 10.

За шесть часов выпало $V=200 \cdot 15 = 3000$ куб. см. Делим на 6 часов

$V=500$ куб. см. Масса снега $m=\rho_0 \cdot V=500 \cdot 0.15 = 75$ г. -было в приборе.

Теперь переводим в кубометр $1000000/500=2000$ и умножаем

$M=75 \cdot 2000 = 2075$ г или 2,075 кг/кб. м